

# REKENREGELS

## HERLEIDEN

---

### BREUKEN

$$\frac{A}{B} + C = \frac{A + BC}{B}$$

$$A \cdot \frac{B}{C} = \frac{AB}{C}$$

$$\frac{A}{\frac{B}{C}} = A \cdot \frac{C}{B} = \frac{AC}{B} \text{ mits } C \neq 0$$

$$\frac{A}{B} + \frac{C}{D} = \frac{AD + BC}{BD}$$

$$\frac{A}{B} \cdot \frac{C}{D} = \frac{AC}{BD}$$

$$\frac{\frac{A}{B}}{C} = \frac{A}{BC}$$

### WORTELS

$$\sqrt{AB} = \sqrt{A} \cdot \sqrt{B} \text{ met } A \geq 0 \wedge B \geq 0$$

$$\sqrt{\frac{A}{B}} = \frac{\sqrt{A}}{\sqrt{B}} \text{ met } A \geq 0 \wedge B > 0$$

### MERKWAARDIGE PRODUCTEN

$$(A + B)^2 = A^2 + 2AB + B^2$$

$$(A + B)(A - B) = A^2 - B^2$$

$$(A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$$

## VERGELIJKINGEN OPLOSSEN

---

### ALGEMENE VERGELIJKINGEN

$$A \cdot B = 0 \Leftrightarrow A = 0 \vee B = 0$$

$$A \cdot B = A \Leftrightarrow A = 0 \vee B = 1$$

$$A \cdot B = A \cdot C \Leftrightarrow A = 0 \vee B = C$$

$$A^2 = B^2 \Leftrightarrow A = B \vee A = -B$$

$$\sqrt{A} = B \Leftrightarrow A = B^2 \text{ met } B \geq 0$$

### GEBROKEN VERGELIJKINGEN

$$\frac{A}{B} = 0 \Leftrightarrow A = 0 \wedge B \neq 0$$

$$\frac{A}{B} = \frac{C}{D} \Leftrightarrow AD = BC \wedge B \neq 0 \wedge D \neq 0$$

$$\frac{A}{B} = \frac{C}{B} \Leftrightarrow A = C \wedge B \neq 0$$

$$\frac{A}{B} = C \Leftrightarrow A = BC \wedge B \neq 0$$

$$\frac{A}{B} = \frac{A}{C} \Leftrightarrow (A = 0 \vee B = C) \wedge B \neq 0 \wedge C \neq 0$$

## MACHTEN, EXPONENTEN & LOGARITMEN

---

### MACHTEN

Telkens met  $a > 0 \wedge b > 0$

$$a^0 = 1$$

$$a^{-1} = \frac{1}{a}$$

$$a^{\frac{1}{2}} = \sqrt{a}$$

$$a^p \cdot a^q = a^{p+q}$$

$$(ab)^p = a^p b^p$$

$$a^{pq} = (a^p)^q = (a^q)^p$$

$$a^{-p} = \frac{1}{a^p}$$

$$a^{\frac{1}{q}} = \sqrt[q]{a}$$

$$\frac{a^p}{a^q} = a^{p-q}$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^p = \frac{a^p}{b^p}$$

$$a^{\frac{p}{q}} = \sqrt[q]{a^p}$$

### EXPONENTEN EN LOGARITMEN

$$a^x = b \Leftrightarrow x = {}^a \log b$$

$${}^g \log g^a = a$$

$${}^g \log a + {}^g \log b = {}^g \log ab$$

$${}^g \log a^n = n \cdot {}^g \log a$$

$$e^x = b \Leftrightarrow x = \ln b$$

$$g^{{}^g \log a} = a$$

$${}^g \log a - {}^g \log b = {}^g \log \frac{a}{b}$$

$${}^g \log a = \frac{{}^p \log a}{{}^p \log g}$$



# STANDAARDFUNCTIES DIFFERENTIËREN EN PRIMITIVEREN

AFGELEIDE	FUNCTIE	PRIMITIEVE
0	1	$x + c$
1	$x$	$\frac{1}{2}x^2 + C$
$\frac{1}{2\sqrt{x}}$	$\sqrt{x}$	$\frac{2}{3}x\sqrt{x} + C$
$-\frac{1}{x^2}$	$\frac{1}{x}$	$\ln x  + c$
$nx^{n-1}$	$x^n$	$\frac{1}{n+1}x^{n+1} + c$
$e^x$	$e^x$	$e^x + c$
$a^x \ln a$	$a^x$	$\frac{a^x}{\ln a} + c$
$\frac{1}{x}$	$\ln x$	$x \ln x - x + c$
$\frac{1}{x \ln g}$	${}^g \log x$	$\frac{1}{\ln g}(x \ln x - x) + c$
$\cos x$	$\sin x$	$-\cos x + c$
$-\sin x$	$\cos x$	$\sin x + c$
$\frac{1}{\cos^2 x}$ of $1 + \tan^2 x$	$\tan x$	$-\ln \cos x  + C$
$\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\arcsin x + c$	$x \arcsin x + \sqrt{1-x^2} + C$
$-\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$	$\arccos x + c$	$x \arccos x - \sqrt{1-x^2} + C$
$\frac{1}{1+x^2}$	$\arctan x + c$	$x \arctan x - \frac{1}{2} \ln(x^2 + 1) + C$

# DIFFERENTIËREN

## DIFFERENTIËREN

---

definitie  $f'(x) = \frac{dy}{dx} = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$

## REGELS

---

	FUNCTIE	AFGELEIDE
	$c \cdot f(x)$	$c \cdot f'(x)$
somregel	$f(x) + g(x)$	$f'(x) + g'(x)$
productregel	$f(x) \cdot g(x)$	$f'(x) \cdot g(x) + f(x) \cdot g'(x)$
quotiëntregel	$\frac{f(x)}{g(x)}$	$\frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{(g(x))^2}$
kettingregel	$f(g(x))$	$f'(g(x)) \cdot g'(x)$

## TOEPASSINGEN VAN DIFFERENTIËREN

---

raaklijn  $k$  aan  $f(x)$  in punt  $A(x_A, y_A)$   $y = ax + b$  met  $a = f'(x_A)$  en  $b = y_A - ax_A$

extreme waarden (maxima en minima)  $f'(x) = 0$

$f$  en  $g$  raken elkaar in  $A(x_A, y_A)$   $f(x) = g(x) \Leftrightarrow f'(x) = g'(x)$

$f$  en  $g$  snijden elkaar loodrecht in  $A(x_A, y_A)$   $f(x) = g(x) \Leftrightarrow f'(x) \cdot g'(x) = -1$

## TWEEDE AFGELEIDE

---

definitie  $f''(x) = \frac{d^2y}{dx^2}$

buigpunten  $f''(x) = 0$

# PRIMITIVEREN

## INTEGREREN

---

definitie  $F'(x) = f(x)$

riemannsom  $\int_a^b f(x) dx = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \sum_{i=0}^n f(x_i) \Delta x$  met  $n = \frac{b-a}{\Delta x}$

onbepaald  $\int f(x) dx = F(x)$

bepaald  $\int_a^b f(x) dx = [F(x)]_a^b = F(b) - F(a)$

## REGELS

---

	FUNCTIE	PRIMITIEVE
	$c \cdot f(x)$	$c \cdot F(x)$
somregel	$f(x) + g(x)$	$F(x) + G(x)$
kettingregel	$f(g(x))$	$F(g(x)) \cdot \frac{1}{G'(x)}$

## TOEPASSINGEN VAN INTEGREREN

---

oppervlakte tussen grafiek  $f$  en  $x$ -as  $O = \int_a^b f(x) dx$

oppervlakte tussen twee grafieken  $f$  en  $g$   $O = \int_a^b (f(x) - g(x)) dx$

inhoud omwentelingslichaam om  $x$ -as  $I = \pi \int_a^b f(x)^2 dx$

inhoud omwentelingslichaam om  $y$ -as  $I = \pi \int_a^b x^2 dy$

booglengte  $L = \int_a^b \sqrt{1 + f'(x)^2} dx$

## SYMMETRIE EN OPSPLITSEN

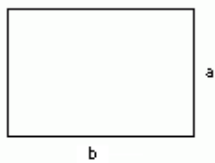
$$\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$$

$$\int_a^b f(x) dx = \int_a^p f(x) dx + \int_p^b f(x) dx$$

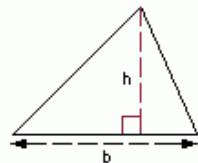
$$\int_{-a}^a f_{\text{even}}(x) dx = 2 \int_0^a f_{\text{even}}(x) dx$$

$$\int_{-a}^a f_{\text{oneven}}(x) dx = 0$$

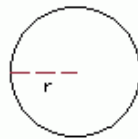
## MEETKUNDE



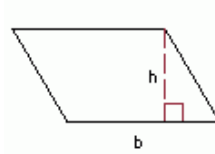
$$O = ab$$



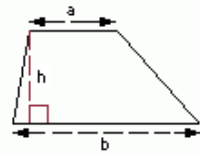
$$O = \frac{1}{2}hb$$



$$O = \pi r^2$$



$$O = hb$$



$$O = \frac{1}{2}(a+b)h$$

## LIJNEN

### FORMULE VAN EEN LIJN

lineair verband

$$y = ax + b \text{ met } rc = a \text{ en snijpunt } y\text{-as } (0, b)$$

standaardformule

$$ax + by = c$$

assenvergelijking

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1, \text{ snijdt } x\text{-as in } (a, 0) \text{ en } y\text{-as in } (0, b)$$

### HOEKEN TUSSEN LIJNEN

hoek tussen lijn en  $x$ -as

$$\tan \alpha = rc$$

hoek tussen twee lijnen

$$\theta = \alpha - \beta \text{ als } \alpha - \beta \leq 90^\circ$$

$$\theta = 180^\circ - (\alpha - \beta) \text{ als } \alpha - \beta > 90^\circ$$

richtingscoefficient bij loodrechte lijnen

$$rc_k \cdot rc_l = -1 \text{ als } k \perp l$$

lijn loodrecht op  $ax + by = c$

$$bx - ay = d$$

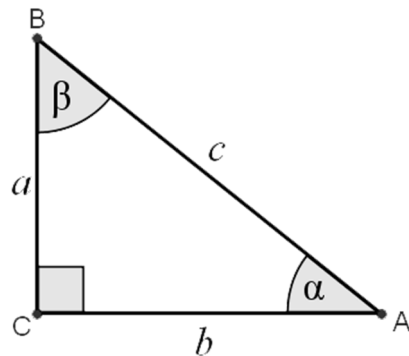
# DRIEHOEKEN

## RECHTHOEKIGE DRIEHOEKEN

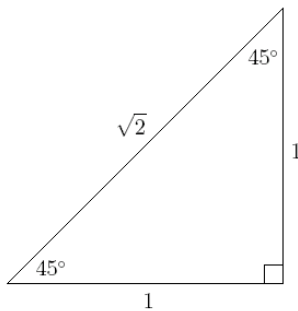
sinus  $\sin \alpha = \frac{a}{c} = \frac{\text{overstaand}}{\text{hypotenuse}}$

cosinus  $\cos \alpha = \frac{b}{c} = \frac{\text{aanliggend}}{\text{hypotenuse}}$

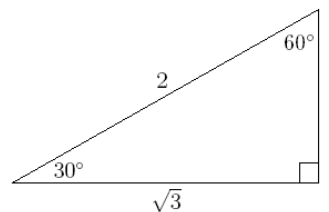
tangens  $\tan \alpha = \frac{a}{b} = \frac{\text{overstaand}}{\text{aanliggend}}$



Driehoek 1:1: $\sqrt{2}$



Driehoek 1: $\sqrt{3}$ :2



## ZIJDEN UITREKENEN

Rechthoekige driehoeken	Alle driehoeken
sin, cos, tan	opdelen in rechthoekige driehoeken dan sin, cos, tan gebruiken
stelling van Pythagoras $a^2 = b^2 + c^2$	cosinusregel $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$ $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \beta$ $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$
sinusregel $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$	
zijde $\times$ hoogte methode	



## HOEKEN UITREKENEN

---

Rechthoekige driehoeken	Alle driehoeken
hoekensom driehoek (180°-regel)	
rechte lijn (180°-regel)	
F-hoeken	
Z-hoeken	
X-hoeken	
$\sin^{-1}, \cos^{-1}, \tan^{-1}$	opdelen in rechthoekige driehoeken dan $\sin^{-1}, \cos^{-1}, \tan^{-1}$ gebruiken
cosinusregel $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$ $b^2 = a^2 + c^2 - 2ac \cos \beta$ $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$	
sinusregel $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$	

## OPPERVLAKTE DRIEHOEK

---

$A = \frac{1}{2} ah$
ingesloten hoekformule $A = \frac{1}{2} ab \sin \gamma$

## GELIJKVORMIGE DRIEHOEKEN

---

$\triangle ABC \sim \triangle ADE$  geeft  $\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{DE} = \frac{AC}{AE}$ , noem onbekende zijde soms  $x$

# GONIOMETRIE

## GRONDFORMULES

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

## EENHEIDSCIRKEL

### SINUS

$$\sin 0 = 0$$

$$\sin \frac{1}{6} \pi = \frac{1}{2}$$

$$\sin \frac{1}{4} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\sin \frac{1}{3} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\sin \frac{1}{2} \pi = 1$$

$$\sin \frac{2}{3} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\sin \frac{3}{4} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\sin \frac{5}{6} \pi = \frac{1}{2}$$

$$\sin \pi = 0$$

$$\sin 1 \frac{1}{6} \pi = -\frac{1}{2}$$

$$\sin 1 \frac{1}{4} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\sin 1 \frac{1}{3} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\sin 1 \frac{1}{2} \pi = -1$$

$$\sin 1 \frac{2}{3} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\sin 1 \frac{3}{4} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\sin 1 \frac{5}{6} \pi = -\frac{1}{2}$$

$$\sin 2\pi = 0$$

### COSINUS

$$\cos 0 = 1$$

$$\cos \frac{1}{6} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\cos \frac{1}{4} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\cos \frac{1}{3} \pi = \frac{1}{2}$$

$$\cos \frac{1}{2} \pi = 0$$

$$\cos \frac{2}{3} \pi = -\frac{1}{2}$$

$$\cos \frac{3}{4} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\cos \frac{5}{6} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\cos \pi = -1$$

$$\cos 1 \frac{1}{6} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\cos 1 \frac{1}{4} \pi = -\frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\cos 1 \frac{1}{3} \pi = -\frac{1}{2}$$

$$\cos 1 \frac{1}{2} \pi = 0$$

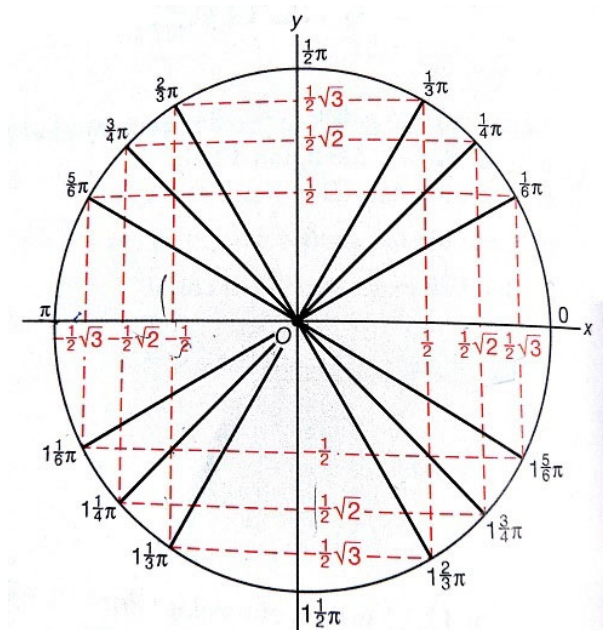
$$\cos 1 \frac{2}{3} \pi = \frac{1}{2}$$

$$\cos 1 \frac{3}{4} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{2}$$

$$\cos 1 \frac{5}{6} \pi = \frac{1}{2} \sqrt{3}$$

$$\cos 2\pi = 1$$

### EENHEIDSCIRKEL



### OVERZICHTSTABEL

$\alpha$ in rad	0	$\frac{1}{6} \pi$	$\frac{1}{4} \pi$	$\frac{1}{3} \pi$	$\frac{1}{2} \pi$	$\pi$	$1 \frac{1}{2} \pi$
$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2} \sqrt{2}$	$\frac{1}{2} \sqrt{3}$	1	0	-1
$\cos \alpha$	1	$\frac{1}{2} \sqrt{3}$	$\frac{1}{2} \sqrt{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0
$\tan \alpha$	0	$\frac{1}{3} \sqrt{3}$	1	$\sqrt{3}$	kan niet	0	kan niet

## GONIOMETRISCHE TRANSLATIES

---

$$\sin(-\alpha) = -\sin \alpha$$

$$\cos(-\alpha) = \cos \alpha$$

$$\sin(\alpha) = \sin(\alpha)$$

$$\cos(\alpha) = \cos(\alpha)$$

$$\sin(\alpha + \frac{1}{2}\pi) = \cos(\alpha)$$

$$\cos(\alpha + \frac{1}{2}\pi) = -\sin(\alpha)$$

$$\sin(\alpha + \pi) = -\sin(\alpha)$$

$$\cos(\alpha + \pi) = -\cos(\alpha)$$

$$\sin(\alpha - \frac{1}{2}\pi) = -\cos(\alpha)$$

$$\cos(\alpha - \frac{1}{2}\pi) = \sin(\alpha)$$

## GONIOMETRISCHE FORMULES<sup>1</sup>

---

### VERDUBBELINGSFORMULES

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\cos 2\alpha = 1 - 2 \sin^2 \alpha$$

### SOM- EN VERSCHILFORMULES

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cos \beta - \sin \alpha \sin \beta$$

$$\sin(\alpha - \beta) = \sin \alpha \cos \beta - \cos \alpha \sin \beta$$

$$\cos(\alpha - \beta) = \cos \alpha \cos \beta + \sin \alpha \sin \beta$$

### FORMULES VAN MOLLWEIDE<sup>2</sup>

$$\sin \alpha + \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\cos \alpha + \cos \beta = 2 \cos \frac{\alpha + \beta}{2} \cos \frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\sin \alpha - \sin \beta = 2 \sin \frac{\alpha - \beta}{2} \cos \frac{\alpha + \beta}{2}$$

$$\cos \alpha - \cos \beta = 2 \sin \frac{\alpha + \beta}{2} \sin \frac{\alpha - \beta}{2}$$

## VERGELIJKINGEN OPLOSSEN

---

$$\sin A = \sin B$$

$$A = B + k \cdot 2\pi \vee A = \pi - B + k \cdot 2\pi$$

$$\cos A = \cos B$$

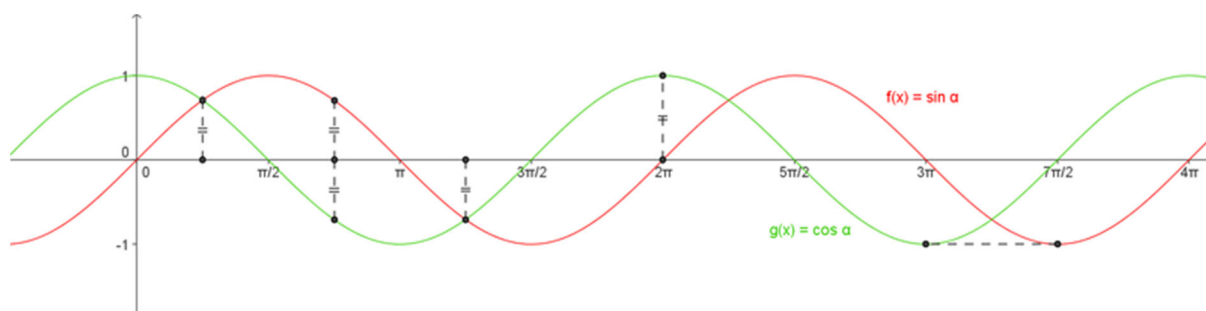
$$A = B + k \cdot 2\pi \vee A = -B + k \cdot 2\pi$$

---

1 Gegeven op het Centraal Examen

2 Alleen geldig bij samengestelde trilling die bestaat uit twee harmonische trillingen met gelijke frequentie en gelijke amplitude.

## STANDAARDFUNCTIES SINUS EN COSINUS



	SINUS	COSINUS
functie	$f(x) = a + b \sin c(x - d)$	$f(x) = a + b \cos c(x - d)$
evenwichtsstand	$a$	$a$
amplitude	$b$	$b$
periode	$\frac{2\pi}{c}$	$\frac{2\pi}{c}$
beginpunt	$(a, d)$	$(a, d + b)$
stijgend door ev.-stand als	$b > 0$ (anders dalend)	$b > 0$ (anders dalend)
translatie naar rechts	$d > 0$ (anders naar links)	$d > 0$ (anders naar links)



## PARAMETRISCHE KROMMEN

### BEWEGINGSVERGELIJKINGEN

---

beweging  $\begin{cases} x(t) = f(t) \\ y(t) = g(t) \end{cases}$  met  $t \in [a, b]$

snelheid  $|\vec{v}(t)| = \sqrt{(f'(t))^2 + (g'(t))^2}$

baanlengte  $L = \int_a^b v(t) dx$

### LIJNEN EN CIRKELS

---

lijn  $\begin{cases} x = at + b \\ y = ct + d \end{cases}$  met  $rc = \frac{c}{a}$  en beginpunt  $(b, d)$

cirkel  $\begin{cases} x = a + r \cos t \\ y = b + r \sin t \end{cases}$  met  $t \in [0, 2\pi]$ ; straal  $r$  en middelpunt  $(a, b)$

raaklijn bij  $t_p$   $y = ax + b$  met  $a = \frac{y'(t_p)}{x'(t_p)}$  en  $b = y(t_p) - ax(t_p)$

### PUNTEN EN LIJNEN

---

voor punten  $A(x_A, y_A)$  en  $B(x_B, y_B)$  geldt:

afstand tussen punten  $A$  en  $B$   $d(A, B) = \sqrt{(x_B - x_A)^2 + (y_B - y_A)^2}$

middelpunt lijn tussen  $A$  en  $B$   $M\left(\frac{x_B + x_A}{2}, \frac{y_B + y_A}{2}\right)$

voor punt  $P(x_p, y_p)$  en lijn  $k: ax + by = c$  geldt:

afstand tussen punt  $P$  en lijn  $k$   $d(P, k) = \frac{|ax_p + by_p - c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$

cirkel met straal  $r$  en middelpunt  $M(x_M, y_M)$

cirkel  $(x - x_M)^2 + (y - y_M)^2 = r^2$

raaklijn  $k$  aan cirkel in  $P$   $k \perp \overline{PM}$  en  $d(M, k) = r$

## VECTORREKENING

### VECTOREN IN 2D

---

vector  $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix}$

lengte/norm  $|\vec{a}| = \sqrt{a_1^2 + a_2^2}$

nulvector  $\vec{0} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$

lengte/norm  $|\vec{0}| = 0$

### REKENREGELS

---

$$c\vec{a} = c \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ca_1 \\ ca_2 \end{pmatrix}$$

$$-\vec{a} = - \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -a_1 \\ -a_2 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} + \vec{b} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_1 + b_1 \\ a_2 + b_2 \end{pmatrix}$$

$$\vec{a} - \vec{b} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_1 - b_1 \\ a_2 - b_2 \end{pmatrix}$$

### INPRODUCT

---

inproduct  $\vec{a} \bullet \vec{b} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} \bullet \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix} = a_1 b_1 + a_2 b_2$

hoek  $\vec{a} \bullet \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta$

$$\theta = \cos^{-1} \left( \frac{\vec{a} \bullet \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} \right)$$

lengte  $\vec{a} \bullet \vec{a} = a_1^2 + a_2^2 = |\vec{a}|^2$

$$|\vec{a}| = \sqrt{\vec{a} \bullet \vec{a}}$$

orthogonaal  $\vec{a} \bullet \vec{b} = 0$

### ONTBINDEN IN COMPONENTEN EN ROTATIES

---

x-component  $\vec{a}_x = \begin{pmatrix} a_1 \\ 0 \end{pmatrix}$  en  $|\vec{a}_x| = |\vec{a}| \cos \theta$

y-component  $\vec{a}_y = \begin{pmatrix} 0 \\ a_2 \end{pmatrix}$  en  $|\vec{a}_y| = |\vec{a}| \sin \theta$

90° rechtsom  $\vec{a}_R = \begin{pmatrix} a_2 \\ -a_1 \end{pmatrix}$

90° linksom  $\vec{a}_L = \begin{pmatrix} -a_2 \\ a_1 \end{pmatrix}$

## VECTORVOORSTELLING PUNTEN EN LIJNEN

---

punt $A(a_1, a_2)$	$\overrightarrow{OA} = \vec{a} = \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix}$
lijn $\overrightarrow{AB}$	$\overrightarrow{AB} = \vec{b} - \vec{a} = \begin{pmatrix} b_1 \\ b_2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} b_1 - a_1 \\ b_2 - a_2 \end{pmatrix}$
vectorvoorstelling lijn	$\overrightarrow{AB} = \vec{s} + \lambda \vec{r} = \begin{pmatrix} s_1 \\ s_2 \end{pmatrix} + \lambda \begin{pmatrix} r_1 \\ r_2 \end{pmatrix}$ met $\vec{s} = \vec{a}$ of $\vec{s} = \vec{b}$ met $\vec{r} = \vec{b} - \vec{a}$
normaalvector loodrecht op $l: ax + by = c$	$\vec{n} = \begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$
richtingsvector parallel aan $l: ax + by = c$	$\vec{r} = \begin{pmatrix} -b \\ a \end{pmatrix}$ of $\vec{r} = \begin{pmatrix} b \\ -a \end{pmatrix}$

## VECTORVOORSTELLING BEWEGINGSVERGELIJKINGEN

---

plaatsvector	$\vec{r}(t) = \begin{pmatrix} x(t) \\ y(t) \end{pmatrix}$
snelheidsvector	$\vec{v}(t) = \begin{pmatrix} x'(t) \\ y'(t) \end{pmatrix}$
baansnelheid	$ \vec{v}(t)  = \sqrt{(x'(t))^2 + (y'(t))^2}$
versnellingsvector	$\vec{a}(t) = \begin{pmatrix} x''(t) \\ y''(t) \end{pmatrix}$
baanversnelling	$a_b = \frac{\vec{v}(t) \cdot \vec{a}(t)}{ \vec{v}(t) }$

## ZWAARTEPUNT

---

voor massa's  $m_1, m_2, \dots, m_N$  en middelpunten  $\vec{a}_1, \vec{a}_2, \dots, \vec{a}_N$ :

$$\text{zwaartepunt } \vec{z} = \frac{m_1 \vec{a}_1 + m_2 \vec{a}_2 + \dots + m_N \vec{a}_N}{m_1 + m_2 + \dots + m_N}$$